

Facultad de Ciencias

GUÍA DOCENTE DE LA ASIGNATURA

G96 - Geometría de Curvas y Superficies

Doble Grado en Física y Matemáticas
Obligatoria. Curso 3

Grado en Matemáticas
Obligatoria. Curso 2

Curso Académico 2020-2021

1. DATOS IDENTIFICATIVOS

Título/s	Doble Grado en Física y Matemáticas Grado en Matemáticas		Tipología y Curso	Obligatoria. Curso 3 Obligatoria. Curso 2
Centro	Facultad de Ciencias			
Módulo / materia	MATERIA GEOMETRÍA Y TOPOLOGÍA MODULO OBLIGATORIAS			
Código y denominación	G96 - Geometría de Curvas y Superficies			
Créditos ECTS	6	Cuatrimestre	Cuatrimestral (2)	
Web				
Idioma de impartición	Español	English friendly	Sí	Forma de impartición Presencial

Departamento	DPTO. MATEMATICAS, ESTADISTICA Y COMPUTACION			
Profesor responsable	FERNANDO ETAYO GORDEJUELA			
E-mail	fernando.etayo@unican.es			
Número despacho	Facultad de Ciencias. Planta: + 1. DESPACHO (1048)			
Otros profesores				

2. CONOCIMIENTOS PREVIOS

Es muy conveniente que los alumnos matriculados en esta asignatura hayan cursado las siguientes asignaturas:
Álgebra Lineal I, Álgebra Lineal II, Cálculo Diferencial, Ampliación de Cálculo Diferencial, Cálculo Integral, Topología y Ecuaciones Diferenciales Ordinarias.

3. COMPETENCIAS GENÉRICAS Y ESPECÍFICAS DEL PLAN DE ESTUDIOS TRABAJADAS

Competencias Genéricas
(Conocer) Demostrar poseer y comprender conocimientos en el área de las Matemáticas a partir de la base de la educación secundaria general, a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia del estudio de las Matemáticas.
(Aplicar) Saber aplicar los conocimientos matemáticos a su trabajo o vocación de una forma profesional y poseer las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro del área de las Matemáticas.
(Reflexionar) Tener la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes, dentro del área de las Matemáticas, para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética.
(Aprender) Haber desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores en Matemáticas con un alto grado de autonomía.
(Comunicar) Poder transmitir información, ideas, problemas y soluciones del ámbito matemático a un público tanto especializado como no especializado.
(Autonomía) Aprender de manera autónoma nuevos conocimientos y técnicas.
(Buscar información) Utilizar herramientas de búsqueda de recursos bibliográficos y de Internet.
(Leer) Leer textos científicos escritos tanto en español como en inglés.
Competencias Específicas
(Comprender) Comprender y utilizar el lenguaje matemático.
(Conocer demostraciones) Conocer demostraciones rigurosas de algunos teoremas clásicos en distintas áreas de la Matemática.
(Demostrar) Adquirir la capacidad de construir demostraciones.
(Abstraer) Saber abstraer las propiedades estructurales (de objetos matemáticos, de la realidad observada y de otros ámbitos) distinguiéndolas de aquellas puramente ocasionales y poder comprobarlas con demostraciones o refutarlas con contraejemplos, así como identificar errores en razonamientos incorrectos.
(Asimilar) Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos.
(Modelizar) Proponer, analizar, validar e interpretar modelos de situaciones reales sencillas, utilizando las herramientas matemáticas más adecuadas a los fines que se persigan.
(Resolver) Resolver problemas de Matemáticas, mediante habilidades de cálculo básico y otros, planificando su resolución en función de las herramientas de que se disponga y de las restricciones de tiempo y recursos.
Competencias Básicas
Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio.
Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio.

3.1 RESULTADOS DE APRENDIZAJE

- Reconocer la naturaleza de los puntos de una curva regular en el espacio y parametrizarla por la longitud de arco.
- Saber realizar el cálculo del triedro de Frenet, las fórmulas de Frenet, la curvatura y la torsión de una curva, y reconocer ciertas curvas conociendo su curvatura y torsión.
- Reconocer la naturaleza de los puntos de una superficie regular en el espacio, y manejar el plano tangente y la recta normal de una superficie en un punto.
- Saber realizar el cálculo de las formas fundamentales, curvatura de Gauss, curvatura media y curvaturas principales de una superficie.
- Clasificar los puntos de una superficie, determinar la indicatriz de Dupin, encontrar las líneas de curvatura, y las direcciones asintóticas y conjugadas.
- Utilizar los anteriores invariantes para reconocer una superficie y representarla gráficamente.
- Construir ejemplos de superficies de revolución, regladas, desarrollables y minimales.
- Conocer los teoremas egregio de Gauss y fundamental de superficies.

4. OBJETIVOS

- Utilizar el Cálculo Diferencial e Integral y la Topología para el estudio de curvas y superficies en el espacio real tridimensional.
- Conocer y manejar los conceptos y resultados básicos de la Teoría de Curvas y Superficies.
- Conocer demostraciones rigurosas de algunos teoremas y manejar la aplicabilidad de sus resultados a la resolución de problemas geométricos.
- Saber distinguir entre propiedades intrínsecas y extrínsecas de una superficie.

5. MODALIDADES ORGANIZATIVAS Y MÉTODOS DOCENTES	
ACTIVIDADES	HORAS DE LA ASIGNATURA
ACTIVIDADES PRESENCIALES	
HORAS DE CLASE (A)	
- Teoría (TE)	38
- Prácticas en Aula (PA)	22
- Prácticas de Laboratorio Experimental(PLE)	
- Prácticas de Laboratorio en Ordenador (PLO)	
- Prácticas Clínicas (CL)	
Subtotal horas de clase	60
ACTIVIDADES DE SEGUIMIENTO (B)	
- Tutorías (TU)	1,5
- Evaluación (EV)	6
Subtotal actividades de seguimiento	7,5
Total actividades presenciales (A+B)	67,5
ACTIVIDADES NO PRESENCIALES	
Trabajo en grupo (TG)	
Trabajo autónomo (TA)	82,5
Tutorías No Presenciales (TU-NP)	
Evaluación No Presencial (EV-NP)	
Total actividades no presenciales	82,5
HORAS TOTALES	150

6. ORGANIZACIÓN DOCENTE													
CONTENIDOS		TE	PA	PLE	PLO	CL	TU	EV	TG	TA	TU- NP	EV- NP	Semana
1	GEOMETRÍA VECTORIAL DE R^2 Y R^3 : Producto escalar. Orientación en R^3 . Producto vectorial. Producto mixto. Funciones vectoriales de R en R^3 .	4,00	2,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	6,00	0,00	0,00	1,2
2	CURVAS REGULARES: Curva parametrizada. Cambio admisible de parámetro. Curva regular. Longitud de arco. Parametrización natural.	3,00	1,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	5,00	0,00	0,00	2,3
3	CURVATURA Y TORSIÓN: Vector tangente. Recta tangente. Plano normal. Vector de curvatura. Curvatura. Radio de curvatura. Punto de inflexión. Circunferencia oscultriz. Vector normal principal. Vector binormal. Triedro de Frenet. Torsión. Indicatrices esféricas.	3,00	2,00	0,00	0,00	0,00	0,00	1,00	0,00	6,00	0,00	0,00	3,4
4	FÓRMULAS DE FRENET: Fórmulas de Frenet. Ecuaciones intrínsecas de una curva. Teorema fundamental de la teoría de curvas.	3,00	1,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	4,00	0,00	0,00	5
5	CURVAS NOTABLES: Hélices circulares. Hélices generalizadas. Curvas de Bertrand. Evolutas y evolventes. Curvas planas: Teoremas globales.	4,00	2,00	0,00	0,00	0,00	0,00	1,00	0,00	8,00	0,00	0,00	6,7
6	APLICACIONES DE R^2 EN R^3 : Derivadas parciales. Matriz Jacobiana. Regla de la cadena.	1,00	1,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	3,00	0,00	0,00	7
7	EL CONCEPTO DE SUPERFICIE: Superficies simples y de Monge. Superficies regulares. Superficies implícitas. Plano tangente y recta normal.	5,00	1,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	7,00	0,00	0,00	8,9
8	FORMAS FUNDAMENTALES: La primera forma fundamental. La segunda forma fundamental. Ecuaciones de Gauss y Weingarten. Símbolos de Christoffel.	4,00	3,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	9,00	0,00	0,00	9,10,11
9	CURVATURA NORMAL Y APLICACIÓN DE WEINGARTEN: Curvatura normal. Geometría intrínseca. Teorema de Meusnier. Aplicación de Weingarten.	3,00	2,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	6,00	0,00	0,00	11,12
10	CURVATURAS Y DIRECCIONES PRINCIPALES: Curvaturas principales, de Gauss y media. Teorema de Euler. Clasificación de los puntos de una superficie. Indicatriz de Dupin. Direcciones asintóticas y conjugadas. Líneas de curvatura. Teorema de Olinde Rodrigues.	6,00	3,00	0,00	0,00	0,00	0,00	1,00	0,00	10,00	0,00	0,00	12,13,14
11	SUPERFICIES NOTABLES: Superficies de revolución, regladas, desarrollables y minimales.	0,00	4,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	7,00	0,00	0,00	14,15
12	TEOREMA EGREGIO DE GAUSS Y TEOREMA FUNDAMENTAL DE SUPERFICIES:	2,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	5,00	0,00	0,00	15
13	EXAMEN FINAL	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	1,50	3,00	0,00	6,50	0,00	0,00	16-18
TOTAL DE HORAS		38,00	22,00	0,00	0,00	0,00	1,50	6,00	0,00	82,50	0,00	0,00	

Esta organización tiene carácter orientativo.

Ante la situación incierta de que las medidas de distanciamiento social establecidas por las autoridades sanitarias no permitan desarrollar alguna actividad docente de forma presencial en el aula para todos los estudiantes matriculados, se adoptará una modalidad mixta de docencia que combine esta docencia presencial en el aula con docencia a distancia. De la misma manera, la tutorización podrá ser sustituida por tutorización a distancia utilizando medios telemáticos.

TE	Horas de teoría
PA	Horas de prácticas en aula
PLE	Horas de prácticas de laboratorio experimental
PLO	Horas de prácticas de laboratorio en ordenador
CL	Horas de prácticas clínicas
TU	Horas de tutoría
EV	Horas de evaluación
TG	Horas de trabajo en grupo
TA	Horas de trabajo autónomo
TU-NP	Tutorías No Presenciales
EV-NP	Evaluación No Presencial

7. MÉTODOS DE LA EVALUACIÓN

Descripción	Tipología	Eval. Final	Recuper.	%
Prueba escrita en aula	Examen escrito	No	Sí	16,00
Calif. mínima	0,00			
Duración	Una hora			
Fecha realización	Al acabar los tres primeros temas del curso (cuarta semana)			
Condiciones recuperación	En el examen final de la asignatura			
Observaciones				
Prueba escrita en aula	Examen escrito	No	Sí	16,00
Calif. mínima	0,00			
Duración	Una hora			
Fecha realización	Al acabar los cinco primeros temas del curso (séptima semana)			
Condiciones recuperación	En el examen final de la asignatura			
Observaciones				
Prueba escrita en aula	Examen escrito	Sí	Sí	16,00
Calif. mínima	0,00			
Duración	Una hora			
Fecha realización	Al acabar el décimo tema del curso (decimocuarta semana)			
Condiciones recuperación	En el examen final de la asignatura			
Observaciones				
Examen global de la asignatura	Examen escrito	No	Sí	52,00
Calif. mínima	0,00			
Duración	En torno a tres horas			
Fecha realización	En el periodo de exámenes			
Condiciones recuperación	En la convocatoria extraordinaria			
Observaciones				
TOTAL				100,00
Observaciones				

PROCEDIMIENTO DE CALIFICACIÓN

(a) La calificación de la asignatura es la mejor entre:

- (1) La ponderación de las pruebas y del examen global de acuerdo con los porcentajes indicados.
- (2) La calificación del examen final, es decir, darle a éste un peso del 100%.

(b) Para aprobar la asignatura es necesario que la calificación obtenida con el procedimiento indicado en el apartado (a) sea de al menos 5 puntos y que la calificación del examen global sea de al menos 3 puntos sobre 10.

(c) Si un estudiante no obtuviese la calificación mínima requerida en el examen global, la calificación de la asignatura será el menor valor entre 4,9 y la nota alcanzada según el apartado (a).

(d) En la convocatoria extraordinaria la nota obtenida en el examen es del 100% de la calificación.

COMENTARIOS:

(e) El examen global muestra la capacitación general sobre toda la asignatura, por lo que se exige nota mínima. Por otra parte, el procedimiento de calificación ha sido diseñado para que el estudiante que al final del tiempo lectivo domina la asignatura y obtiene una buena nota en el examen global no vea mermada su calificación en la asignatura por la parte de evaluación continua.

(f) La normativa vigente establece que cuando un estudiante no haya realizado actividades de evaluación cuyo peso supere el 50% de la calificación de la asignatura, figurará en su acta como no presentado y que cuando haya realizado pruebas que supongan el referido 50% o más, en el acta figurará la calificación correspondiente. La ponderación de los diversos métodos de evaluación está fijada de modo que quien no se presente al examen global obtenga la calificación de no presentado.

Criterios de evaluación para estudiantes a tiempo parcial

El alumno a tiempo parcial tendrá el mismo procedimiento de evaluación que el estudiante a tiempo completo, lo que le permite al estudiante, en particular, someterse a un proceso de evaluación única, como indica la normativa vigente.

En la convocatoria extraordinaria la calificación del examen es del 100% de la nota.

8. BIBLIOGRAFÍA Y MATERIALES DIDÁCTICOS

BÁSICA

DO CARMO, M. (1990). Geometría Diferencial de Curvas y Superficies. Alianza.

LIPSCHUTZ, M. (1990). Geometría Diferencial. Schaumm-McGraw Hill.

MILLMAN, R.S. and PARKER, G.D. (1977). Elements of Differential Geometry. Prentice-Hall.

Complementaria

AMORES LÁZARO, A.M. (2001). Curso Básico de Curvas y Superficies. Sanz y Torres.

COSTA, A.F., GAMBOA, M. y PORTO, A.M. (1997, Segunda Edición, 2001, Tercera Edición, 2005). Notas de Geometría Diferencial de Curvas y Superficies. Sanz y Torres.

FEDENKO, A.S. (1991). Problemas de Geometría Diferencial. Mir.

RODRÍGUEZ-SANJURJO, J.M. (2019) Introducción a la Geometría Diferencial II: Superficies. Sanz y Torres

9. SOFTWARE

PROGRAMA / APLICACIÓN	CENTRO	PLANTA	SALA	HORARIO
-----------------------	--------	--------	------	---------

10. COMPETENCIAS LINGÜÍSTICAS

- | | |
|---|---|
| <input checked="" type="checkbox"/> Comprensión escrita | <input type="checkbox"/> Comprensión oral |
| <input type="checkbox"/> Expresión escrita | <input type="checkbox"/> Expresión oral |
| <input type="checkbox"/> Asignatura íntegramente desarrollada en inglés | |

Observaciones