

Facultad de Ciencias

GUÍA DOCENTE DE LA ASIGNATURA

G41 - Cálculo Diferencial

Doble Grado en Física y Matemáticas
Básica. Curso 1

Grado en Matemáticas
Básica. Curso 1

Grado en Matemáticas
Básica. Curso 1

Curso Académico 2023-2024

1. DATOS IDENTIFICATIVOS

Título/s	Doble Grado en Física y Matemáticas Grado en Matemáticas		Tipología v Curso	Básica. Curso 1 Básica. Curso 1	
Centro	Facultad de Ciencias				
Módulo / materia	MATERIA MATEMÁTICAS BÁSICAS MÓDULO BÁSICO				
Código y denominación	G41 - Cálculo Diferencial				
Créditos ECTS	6	Cuatrimestre	Cuatrimestral (1)		
Web	http://personales.unican.es/leard				
Idioma de impartición	Español	English friendly	Sí	Forma de impartición	Presencial

Departamento	DPTO. MATEMATICAS, ESTADISTICA Y COMPUTACION				
Profesor responsable	DANIEL LEAR CLAVERAS				
E-mail	daniel.lear@unican.es				
Número despacho					
Otros profesores	DIANA STAN				

2. CONOCIMIENTOS PREVIOS

La asignatura parte de los conocimientos correspondientes a la formación pre-universitaria en matemáticas.

3. COMPETENCIAS GENÉRICAS Y ESPECÍFICAS DEL PLAN DE ESTUDIOS TRABAJADAS

Competencias Genéricas
(Conocer) Demostrar poseer y comprender conocimientos en el área de las Matemáticas a partir de la base de la educación secundaria general, a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia del estudio de las Matemáticas.
(Aplicar) Saber aplicar los conocimientos matemáticos a su trabajo o vocación de una forma profesional y poseer las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro del área de las Matemáticas.
(Aprender) Haber desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores en Matemáticas con un alto grado de autonomía.
(Comunicar) Poder transmitir información, ideas, problemas y soluciones del ámbito matemático a un público tanto especializado como no especializado.
(Autonomía) Aprender de manera autónoma nuevos conocimientos y técnicas.
(Buscar información) Utilizar herramientas de búsqueda de recursos bibliográficos y de Internet.
(Reflexionar) Tener la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes, dentro del área de las Matemáticas, para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética.
(Leer) Leer textos científicos escritos tanto en español como en inglés.
Competencias Específicas
(Comprender) Comprender y utilizar el lenguaje matemático.
(Asimilar) Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos.
(Modelizar) Proponer, analizar, validar e interpretar modelos de situaciones reales sencillas, utilizando las herramientas matemáticas más adecuadas a los fines que se persigan.
(Resolver) Resolver problemas de Matemáticas, mediante habilidades de cálculo básico y otros, planificando su resolución en función de las herramientas de que se disponga y de las restricciones de tiempo y recursos.
Competencias Básicas
Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio.
Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética.

3.1 RESULTADOS DE APRENDIZAJE

- Utilizar números reales para la resolución de ecuaciones y desigualdades con valores absolutos.
- Utilizar el lenguaje matemático involucrado en: los conceptos de sucesión y serie; en particular de las series de potencias, y por lo tanto de las series de Taylor, en su región de convergencia; los conceptos de límite, y criterios sobre su existencia, para funciones de una y varias variables reales; los conceptos de continuidad y derivabilidad y criterios al respecto para este tipo de funciones.
- Calcular derivadas parciales, gradientes, jacobianos y hessianos en contextos concretos.
- Utilizar los desarrollos de Taylor para estudiar y aproximar las funciones de una o varias variables reales.
- Resolver problemas sencillos de máximos y mínimos relativos y absolutos, y de extremos condicionados.

4. OBJETIVOS

Conocer, comprender y manejar varios conceptos y resultados básicos relativos a una variable real:

- Sucesiones y series en R: estudio de su convergencia.
- Funciones reales de variable real; límites, continuidad, y derivabilidad. Aplicaciones: separación de raíces, aproximación.

Conocer, comprender y manejar, las versiones para varias variables reales de los temas previamente citados.

5. MODALIDADES ORGANIZATIVAS Y MÉTODOS DOCENTES

ACTIVIDADES	HORAS DE LA ASIGNATURA
ACTIVIDADES PRESENCIALES	
HORAS DE CLASE (A)	
- Teoría (TE)	30
- Prácticas en Aula (PA)	30
- Prácticas de Laboratorio Experimental(PLE)	
- Prácticas de Laboratorio en Ordenador (PLO)	
- Prácticas Clínicas (CL)	
Subtotal horas de clase	60
ACTIVIDADES DE SEGUIMIENTO (B)	
- Tutorías (TU)	8,5
- Evaluación (EV)	6
Subtotal actividades de seguimiento	14,5
Total actividades presenciales (A+B)	74,5
ACTIVIDADES NO PRESENCIALES	
Trabajo en grupo (TG)	
Trabajo autónomo (TA)	75,5
Tutorías No Presenciales (TU-NP)	
Evaluación No Presencial (EV-NP)	
Total actividades no presenciales	75,5
HORAS TOTALES	150

6. ORGANIZACIÓN DOCENTE													
CONTENIDOS		TE	PA	PLE	PLO	CL	TU	EV	TG	TA	TU- NP	EV- NP	Semana
1	<p>NÚMEROS REALES: MANEJO DE SUCESIONES Y SERIES DE NÚMEROS REALES.</p> <p>1. Números reales, valores absolutos y desigualdades.</p> <p>2. Sucesiones en \mathbb{R} y límites (finitos e infinitos) de tales sucesiones.</p> <p>3. Criterios más habituales para el estudio de la convergencia de una sucesión en \mathbb{R} y para el cálculo de su límite en caso de que éste exista: regla del sandwich, sucesiones monótonas (el número e), criterio de Stolz, equivalencias.</p> <p>4. Series en \mathbb{R} y convergencia de tales series. Ejemplos: series geométricas y series armónicas.</p> <p>5. Series de términos positivos y de términos cualesquiera. Criterios más habituales para el estudio de su convergencia: de Gauss, del cociente, de Leibniz, convergencia absoluta.</p> <p>6. Series de potencias.</p>	8,00	8,00	0,00	0,00	0,00	1,70	1,00	0,00	20,00	0,00	0,00	1-4
2	<p>LÍMITES Y CONTINUIDAD DE FUNCIONES REALES DE UNA VARIABLE REAL.</p> <p>1. Breve introducción a las funciones reales de variable real.</p> <p>2. Límite en un punto de una función real de variable real. Límites en el infinito. Infinitésimos e infinitos.</p> <p>3. Continuidad de una función real de variable real.</p> <p>4. Métodos más habituales para el estudio de la existencia del límite en un punto de una función real de variable real y para el cálculo de dicho límite en caso de que éste exista: límites laterales, regla del sandwich, equivalencias.</p> <p>5. Teorema de Bolzano. Aplicación para la localización de raíces.</p>	4,00	4,00	0,00	0,00	0,00	1,70	0,00	0,00	10,00	0,00	0,00	5-6
3	<p>DERIVABILIDAD DE FUNCIONES REALES DE UNA VARIABLE REAL.</p> <p>1. Definición de derivabilidad. Relación entre continuidad y derivabilidad de una función real de variable real.</p> <p>2. Regla de L'Hopital. Aplicación para el cálculo de límites.</p> <p>3. Regla de la cadena. Función inversa.</p> <p>4. Teorema de Rolle. Aplicación para la separación de raíces.</p> <p>5. Aproximación de funciones. Fórmula de Taylor. Acotación del resto.</p> <p>6. Series de Taylor.</p>	4,00	4,00	0,00	0,00	0,00	1,70	1,00	0,00	10,00	0,00	0,00	7-9
4	<p>LÍMITES Y CONTINUIDAD DE FUNCIONES DE VARIAS VARIABLES REALES.</p> <p>1. Introducción a las funciones de varias variables reales con valores en \mathbb{R}^n.</p> <p>2. Extensión a este tipo de funciones de los conceptos de límite y continuidad y de su manejo y propiedades.</p> <p>3. Límites direccionales e iterados. Límites en coordenadas polares.</p>	6,00	6,00	0,00	0,00	0,00	1,70	0,00	0,00	16,00	0,00	0,00	10-11

5	DERIVACIÓN DE FUNCIONES DE VARIAS VARIABLES REALES. 1. Funciones diferenciables de varias variables reales. Derivada parcial. Gradiente. Matriz Jacobiana. 2. Propiedades de las funciones diferenciables. Regla de la cadena. Cambio de variable. 3. Derivadas parciales de orden superior. Matriz Hessiana. 4. Fórmula de Taylor para funciones reales de varias variables reales. 5. Extremos de funciones reales de varias variables reales. Extremos condicionados. Multiplicadores de Lagrange. 6. Derivación de funciones implícitas.	8,00	8,00	0,00	0,00	0,00	1,70	1,00	0,00	19,50	0,00	0,00	12-15
6	Examen final de la convocatoria ordinaria	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	3,00	0,00	0,00	0,00	0,00	16
TOTAL DE HORAS		30,00	30,00	0,00	0,00	0,00	8,50	6,00	0,00	75,50	0,00	0,00	
Esta organización tiene carácter orientativo.													

TE	Horas de teoría
PA	Horas de prácticas en aula
PLE	Horas de prácticas de laboratorio experimental
PLO	Horas de prácticas de laboratorio en ordenador
CL	Horas de prácticas clínicas
TU	Horas de tutoría
EV	Horas de evaluación
TG	Horas de trabajo en grupo
TA	Horas de trabajo autónomo
TU-NP	Tutorías No Presenciales
EV-NP	Evaluación No Presencial

7. MÉTODOS DE LA EVALUACIÓN

Descripción	Tipología	Eval. Final	Recuper.	%
Examen final	Examen escrito	Sí	Sí	55,00
Calif. mínima	3,00			
Duración	3 horas			
Fecha realización	A fijar por el centro			
Condiciones recuperación	En la convocatoria extraordinaria			
Observaciones	Todo el material del curso. No se admite el uso de apuntes.			
Examen parcial 1º	Examen escrito	No	Sí	15,00
Calif. mínima	0,00			
Duración	1 hora			
Fecha realización	Semana 4-5 (estimación aproximada)			
Condiciones recuperación	En el examen final de la convocatoria ordinaria			
Observaciones	El contenido del parcial cubre toda la teoría y práctica vista en clase hasta la fecha del examen. Esto es, toda la materia vista en clase desde el inicio del curso No se admite el uso de apuntes.			
Examen parcial 2º	Examen escrito	No	Sí	15,00
Calif. mínima	0,00			
Duración	1 hora			
Fecha realización	Semana 9-10 (estimación aproximada)			
Condiciones recuperación	En el examen final de la convocatoria ordinaria			
Observaciones	El contenido del parcial cubre toda la teoría y práctica vista en clase hasta la fecha del examen. Esto es, toda la materia vista en clase desde el inicio del curso No se admite el uso de apuntes.			
Examen parcial 3º	Examen escrito	No	Sí	15,00
Calif. mínima	0,00			
Duración	1 hora			
Fecha realización	Semana 14-15 (estimación aproximada)			
Condiciones recuperación	En el examen final de la convocatoria ordinaria			
Observaciones	El contenido del parcial cubre toda la teoría y práctica vista en clase hasta la fecha del examen. Esto es, toda la materia vista en clase desde el inicio del curso No se admite el uso de apuntes.			
TOTAL				100,00
Observaciones				

PROCEDIMIENTO DE CALIFICACIÓN:

La nota final del alumno en la convocatoria ordinaria será el máximo entre:

(A) La nota del examen final.

(B) La media ponderada entre las notas de los exámenes parciales (15% cada uno) y la nota del examen final (55%).

El proceso de calificación ha sido diseñado para que, si el estudiante demuestra al final del periodo lectivo que ha adquirido un dominio adecuado de la asignatura y obtiene una buena calificación en el examen final, su nota en la asignatura no se verá afectada por la evaluación continua. De este modo, se brinda al alumnado una oportunidad de mejorar su nota en la evaluación continua durante la convocatoria ordinaria (opción A).

Por otro lado, si la evaluación continua a través de la media ponderada resulta en una mejora de la nota obtenida en el examen final, se calculará la nota final utilizando la media ponderada (opción B).

Para aprobar la asignatura hará falta obtener una nota final mayor o igual que 5 (sobre 10) y una nota en el examen final mayor o igual que 3 (sobre 10), en ambas opciones (A) y (B).

El examen de la convocatoria extraordinaria tendrá el mismo formato que el examen final de la convocatoria ordinaria. La calificación de la convocatoria extraordinaria se obtendrá de la misma manera que en la convocatoria ordinaria, de modo que las calificaciones de la evaluación continua se tendrán en cuenta también en la convocatoria extraordinaria. Por lo tanto, los requerimientos para aprobar la asignatura son idénticos a los de la convocatoria ordinaria.

No se permitirá el uso de ningún material para las pruebas de evaluación de la asignatura.

Las pruebas de evaluación serán las mismas, en las mismas fechas y con los mismos contenidos y condiciones para ambos grupos. El profesor de cada grupo corregirá los exámenes realizados por sus alumnos.

La normativa vigente establece que cuando un estudiante no haya realizado actividades de evaluación con un peso superior al 50% de la calificación de la asignatura, figurará en su acta como no presentado y que cuando haya realizado pruebas que supongan el referido 50% o más, en el acta figurará la calificación correspondiente. La ponderación de los diversos métodos de evaluación está fijada de modo que quien no se presente al examen final obtenga la calificación de no presentado.

Criterios de evaluación para estudiantes a tiempo parcial

Los alumnos matriculados a tiempo parcial podrán elegir entre seguir el ritmo habitual de la asignatura, o examinarse mediante un único examen final.

8. BIBLIOGRAFÍA Y MATERIALES DIDÁCTICOS

BÁSICA

T. M. Apostol. Calculus. Ed. Reverté, 1987.

J.E. Marsden, A.J. Tromba. Cálculo Vectorial. Pearson, Addison-Wesley, 2004.

M. Spivak. Cálculo Infinitesimal. Ed. Reverté, 1991.

Complementaria

D. Brannan. A First Course in Mathematical Analysis. Cambridge University Press, 2006.

J. de Burgos Román: Cálculo infinitesimal de una variable. Ed. Mc Graw-Hill, 1994.

J. de Burgos Román: Cálculo infinitesimal de varias variables. Ed. Mc Graw-Hill, 1995.

S. L. Salas, E. Hille, G. J. Etgen. Calculus: una y varias variables. Ed. Reverté, 2000.

9. SOFTWARE

PROGRAMA / APLICACIÓN	CENTRO	PLANTA	SALA	HORARIO
Wolfram Alpha (http://www.wolframalpha.com/)				

10. COMPETENCIAS LINGÜÍSTICAS

- Comprensión escrita
- Expresión escrita
- Asignatura íntegramente desarrollada en inglés
- Comprensión oral
- Expresión oral

Observaciones